

**R3D3-Rama 3D**  
**InterDrewno**  
**wymiarowanie drewna**  
podręcznik użytkownika

---

# Wydawca

INTERsoft Sp. z o.o  
ul. Sienkiewicza 85/87  
90-057 Łódź  
www.intersoft.pl

## Prawa Autorskie

Zwracamy Państwu uwagę na to, że stosowane w podręczniku określenia software-owe i hardware-owe oraz nazwy markowe danych firm są prawnie chronione.

Program komputerowy oraz podręcznik użytkownika zostały opracowane z najwyższą starannością i przy zachowaniu wszelkich możliwych środków kontrolnych.

Pomimo tego nie można całkowicie wykluczyć wystąpienia błędów.

Pragniemy w związku z tym zwrócić uwagę na to, że nie możemy udzielić gwarancji, jak również ponosić prawnej odpowiedzialności za wynikłe stąd skutki. Za podanie nam ewentualnych błędów będziemy wdzięczni.

This product includes software developed by L2FProd.com  
(<http://www.L2FProd.com/>).

ISBN 978-83-60805-53-4  
Copyright © INTERsoft 2008

## Spis treści

<b>InterDrewno – Wymiarowanie drewna .....</b>	<b>5</b>
<b>1 Wiadomości ogólne .....</b>	<b>7</b>
1.1 Opis ogólny i wymagania programu.....	8
1.2 Wybór prętów do sprawdzania nośności .....	9
1.3 Typy wykonywanych sprawdzeń .....	10
1.4 Wywołanie sprawdzenia nośności.....	13
<b>2 Sprawdzenie nośności elementu.....</b>	<b>15</b>
2.1 Sprawdzenie nośności .....	16
2.2 Zmiana przekroju pręta .....	17
2.3 Wybór gatunku drewna .....	19
2.4 Parametry typu elementu.....	20
2.5 Punkty sprawdzania nośności.....	22
2.6 Wyniki sprawdzania nośności .....	23
2.7 Pełny raport wymiarowania.....	25



# **InterDrewno** **– wymiarowanie drewna**



# 1 Wiadomości ogólne

## 1.1 Opis ogólny i wymagania programu

Moduł wymiarujący **InterDrewno** przeznaczony jest do wymiarowania jedno gałęziowych, przestrzennych konstrukcji drewnianych o przekrojach prostokątnych wg *PN-B-03150:2000 Az1 i Az2* w programie **R3D3-Rama 3D** (wersja 4.5 i wyższe), w dwukierunkowym stanie naprężenia, z uwzględnieniem momentu skręcającego. Program jest wykonany w postaci zintegrowanej instalacji, wbudowanej w program do obliczeń statycznych **R3D3-Rama 3D**, który do działania wymaga odrębnej licencji. Aktualnie **Rama 3D** może pracować w dwóch konfiguracjach:

- Osobno jako program tylko do obliczeń statycznych (wówczas moduł **InterDrewno** działa jedynie w wersji demo) – wymagana licencja na **R3D3**.
- W połączeniu z modulem **InterDrewno** jako program do obliczeń statycznych i wymiarowania elementów drewnianych – wymagana licencja na **R3D3 i InterDrewno**.

Do poprawnego i pełnego działania modułu **InterDrewno** wymagana jest obecność w systemie programu do edycji lub przeglądania plików raportów (format *RTF*) w postaci np *MS Word* (od wersji 2003) lub *MS Word Viewer*.

Przystępując do końcowego wymiarowania elementów, układ statyczny powinien być dokładnie sprawdzony, policzony i poddany wstępnej analizie. Aby to zrobić sprawnie zaleca się przed właściwym wymiarowaniem wykonanie następujących czynności:

- Dzielimy pręty układu na grupy prętów, które naszym zdaniem powinny mieć ten sam przekrój i zrobione będą z materiału o tych samych własnościach mechanicznych (tej samej klasie).
- Do poszczególnych grup prętów przypisujemy własności w postaci granicznych wytrzymałości na ściskanie i rozciąganie dla przewidywanego gatunku drewna.
- Liczymy statykę układu i w *Widoku 3D* sprawdzamy dla których prętów nastąpiło przekroczenie założonych naprężeń normalnych (warto również sprawdzić jak duże jest to przekroczenie), następnie dla tych prętów zwiększamy przekrój lub zmieniamy parametry materiału i ponownie przeliczamy statykę do momentu aż wszystkie pręty będą mieściły się w granicy założonych naprężeń sprężystych.
- Na koniec przystępujemy do rzeczywistego wymiarowania modulem wymiarującym **InterDrewno**.

Opisane powyżej działania są warunkiem koniecznym spełnienia warunków nośności, natomiast warunkiem ostatecznym jest dokładne sprawdzenie nośności w module wymiarującym **InterDrewno**.



## 1.2 Wybór prętów do sprawdzania nośności

Sprawdzenie nośności można przeprowadzić dla wybranego elementu ramy **R3D3** po wykonaniu obliczeń statycznych liczonego układu. Elementem tym może być:

- pojedynczy pręt zdefiniowany w ramie **R3D3**,
- element złożony z grupy prętów.

Wybór pojedynczego pręta następuje poprzez jego podświetlenie lewym klawiszem myszy.

Element złożony z kilku prętów tworzymy zaznaczając pręty lewym klawiszem myszy przy wciśniętym klawiszu *Shift*. Element złożony można stworzyć tylko z kilku kolejnych, współliniowych prętów o tym samym przekroju lub z kilku prętów połączonych kolejno ze sobą, dla których kąt załamania między kolejnymi prętami nie różni się o więcej niż 5°. Ostatnia opcja pozwala na wymiarowanie łuków jako pojedynczego elementu, pod warunkiem że kolejne pręty łuku spełniają warunek opisany powyżej.

Sprawdzanie nośności elementu odbywa się dla obwiedni sił wewnętrznych określonych w głównych centralnych osiach bezwładności przekroju.

## 1.3 Typy wykonywanych sprawdzeń

Program sprawdza nośność i ugięcia z uwzględnieniem wpływów reologicznych dla drewnianych elementów o przekroju prostokątnym z drewna litego i klejonego. Wszystkie obliczenia w ramach wymiarowania, wykonywane są w układzie osi głównych przekroju. W związku z tym wszystkie wartości sił, przemieszczeń i innych charakterystyk uwzględnianych w wymiarowaniu, w raporcie i na ekranie, podane są również w osiach głównych przekroju. Wyjątek stanowią siły wewnętrzne dla przypadku gdy osie główne przekroju nie pokrywają się z osiami układu lokalnego, wówczas w raporcie z wymiarowania podane są zarówno siły w układzie lokalnym (te same co w statyce) jak i siły wewnętrzne w osiach głównych (brane do wymiarowania). Prowadzi to do wniosku, że czytelniej dla projektu będzie zachować taki układ wymiarowanego przekroju, w którym układ osi głównych przekroju i osie układu lokalnego pręta pokrywają się (co nie jest trudne dla przekrojów prostokątnych). W innym przypadku wymiarowanie również zostanie wykonane prawidłowo, ale obliczenia stracą na czytelności np.: jeśli osie główne i lokalne obrócone są względem siebie o kąt 90°, wówczas nastąpi zamiana wartości momentów gnących, sił tnących i przemieszczeń w stosunku do wartości podanych w programie statycznym. Zależnie od występujących sił wewnętrznych w programie mogą być wykonane następujące sprawdzenia stanu granicznego nośności i użytkowania:

- Sprawdzenie stateczności giętej przy zginaniu.

$$\frac{\sigma_{m,z,d}}{k_{crit,z} * f_{m,z,d}} \leq 1; \quad \frac{\sigma_{m,y,d}}{k_{crit,y} * f_{m,y,d}} \leq 1$$

- Sprawdzenie dwukierunkowego zginania ze ściskaniem.

$$\left(\frac{\sigma_{c,0,d}}{f_{c,0,d}}\right)^2 + \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + k_m \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1$$

$$\left(\frac{\sigma_{c,0,d}}{f_{c,0,d}}\right)^2 + k_m \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1$$

- Sprawdzenie ściskania z dwukierunkowym zginaniem.

$$\frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{c,y} * f_{c,0,d}} + \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + k_m \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1$$

$$\frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{c,z} * f_{c,0,d}} + k_m \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1$$

- Sprawdzenie dwukierunkowego zginania.

$$\frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + k_m \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1; \quad k_m \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1$$

- Sprawdzenie dwukierunkowego zginania z rozciąganiem.

$$\frac{\sigma_{t,0,d}}{f_{t,0,d}} + \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + k_m \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1; \quad \frac{\sigma_{t,0,d}}{f_{t,0,d}} + k_m \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} \leq 1$$

- Sprawdzenie ściskania osiowego.

$$\frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{c,y} * f_{c,0,d}} \leq 1; \quad \frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{c,x} * f_{c,0,d}} \leq 1$$

- Sprawdzenie rozciągania osiowego.

$$\frac{\sigma_{t,0,d}}{f_{t,0,d}} \leq 1$$

- Sprawdzenie jedno i dwukierunkowego ścinania.

$$\frac{\tau_{z,d}}{f_{v,d}} \leq 1; \quad \frac{\tau_{y,d}}{f_{v,d}} \leq 1; \quad \left(\frac{\tau_{z,d}}{f_{v,d}}\right)^2 + \left(\frac{\tau_{y,d}}{f_{v,d}}\right)^2 \leq 1$$

- Sprawdzenie skręcania ze ścinaniem.

$$\frac{\tau_{tor,d}}{f_{v,d}} + \left(\frac{\max(\tau_{z,d}; \tau_{y,d})}{f_{v,d}}\right)^2 \leq 1$$

- Sprawdzenie dopuszczalnego ugięcia z uwzględnieniem wpływów reologicznych (pełzania i wilgotności).

$$u_{fin,z} = k_{scz} \sum u_{fin,z}(i) * [1 + k_{def}(i)]$$

$$u_{fin,y} = k_{scy} \sum u_{fin,y}(i) * [1 + k_{def}(i)]$$

$$u_{fin} = \sqrt{u_{fin,z}^2 + u_{fin,y}^2}$$

gdzie:

$k_{scy}$ ;  $k_{scz}$  – współczynniki wpływu sił poprzecznych

$i$  – numer grupy obciążeń w danej kombinacji ugięć

Przemieszczenie maksymalne elementu ustalane jest na podstawie obwiedni przemieszczeń, która wykonywana jest dla obciążeń charakterystycznych, osobno dla każdego kierunku. Następnie na tej podstawie ustalana jest wspólna lista grup dla ugięcia z obu kierunków dla wszystkich obwiedni przemieszczeń i liczone jest  $u_{fin}$  według podanych wzorów. Ze wszystkich policzonych tak wartości  $u_{fin}$  dla wszystkich punktów elementu, wybierana jest do sprawdzenia wartość ekstremalna. Obwiednia przemieszczeń wykonywana jest dla układu lokalnego pręta, ale końcowe wartości i składowe przemieszczenia podane w raporcie, przeliczane są na układ osi głównych pręta, co w przypadku gdy oba te układy nie pokrywają się prowadzi do sytuacji, w której nie ma możliwości bezpośredniego porównania wartości przemieszczeń otrzymanych w statyce i otrzymanych w raporcie z wymiarowania.

Wszystkie powyższe warunki sprawdzane są zgodnie z *PN-B-03150:2000 Az1 i Az2*.

Sprawdzenia nośności na zginanie, ściskanie i rozciąganie wykonywane są dla najbardziej niekorzystnych punktów charakterystycznych wymiarowanego elementu (wybieranych przez program) dla obwiedni sił normalnych, momentów gnących i naprężeń normalnych.

Sprawdzenia nośności na ścinanie i skręcanie wykonywane są dla najbardziej niekorzystnych punktów charakterystycznych wymiarowanego elementu (wybieranych przez program) dla obwiedni sił tnących i momentów skręcających.

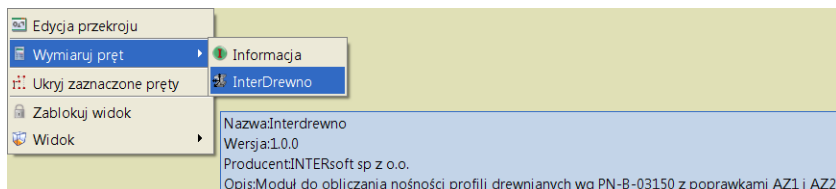
Sprawdzenie ekstremalnego ugięcia wykonywane jest dla obwiedni ugięć, liczonych od obciążeń charakterystycznych, z uwzględnieniem ewentualnego wpływu sił tnących i przyrostu ugięcia na skutek pęcznienia i zmian wilgotności (współczynnik  $k_{def}$  ustalany osobno dla każdej grupy obciążeń zależnie od jej charakteru).

Zgodnie z poprawką A2 do normy *PN-B-03150:2000*, wytrzymałości obliczeniowe dla danej klasy drewna ustalane są osobno dla każdej wymiarowanej obwiedni, na podstawie największego oddziaływania na konstrukcję budującego daną obwiednię – współczynnik  $k_{mod}$  ustalany jest osobno dla każdej obwiedni. Wielkość decydująca o oddziaływaniu każdej grupy to uogólniony wektor sumy geometrycznej wszystkich obciążeń ciągłych i skupionych (bez momentów) zrzutowany na osie układu globalnego dla danej grupy. Ponieważ różnice w wartościach  $k_{mod}$  mogą być znaczące, mogą wystąpić przypadki, w których miarodajnym zestawem sił uwzględnionym w wymiarowaniu jest zestaw z obwiedni o nieznaczących wartościach sił wewnętrznych, dla którego decydująca jest właśnie wartość przyjmowanego współczynnika  $k_{mod}$ .

Aby umożliwić większą kontrolę nad przyjmowaniem tego współczynnika, istnieje również możliwość przyjęcia takiego typu elementu do wymiarowania, dla którego współczynnik  $k_{mod}$  jest stały i określony przez użytkownika, a nie osobno wyznaczany przez program dla każdego sprawdzenia.

## 1.4 Wywołanie sprawdzenia nośności

Po obliczeniu statyki układu i zaznaczeniu wymiarowanego elementu naciskamy prawy klawisz myszki i wywołujemy poniższe menu kontekstowe:



Rysunek 1.1 Wywołanie modułu InterDrewno

Wywołanie funkcji wymiarującej możliwe jest w programie statycznym tylko wówczas, gdy program przełączony jest w tryb analizy wyników (zakładka *Wyniki*).

Wybierając opcję **InterDrewno** wywołujemy sprawdzanie nośności wybranego elementu wg *PN-B-03150:2000*. W przypadku próby wymiarowania przekroju lub materiału, którego program nie jest w stanie zwymiarować modulem **InterDrewno** wyświetlany jest odpowiedni komunikat. Przekrój przyjęty do wymiarowania oraz klasa drewna elementu pobierane są z danych programu statycznego.



## **2 Sprawdzenie nośności elementu**

## 2.1 Sprawdzenie nośności

Wybierając z menu opcję *InterDrewno* wywołujemy okno dialogowe *Wymiarowanie elementów drewnianych*, pozwalające zdefiniować dodatkowe parametry wymagane przy sprawdzaniu nośności i ugięcia.

Rysunek 2.1 Okno główne modułu InterDrewno

Okno posiada następujące grupy danych:

- *Dane ogólne*,
- *Dane do wymiarowania*,
- *Lista punktów sprawdzania nośności*.

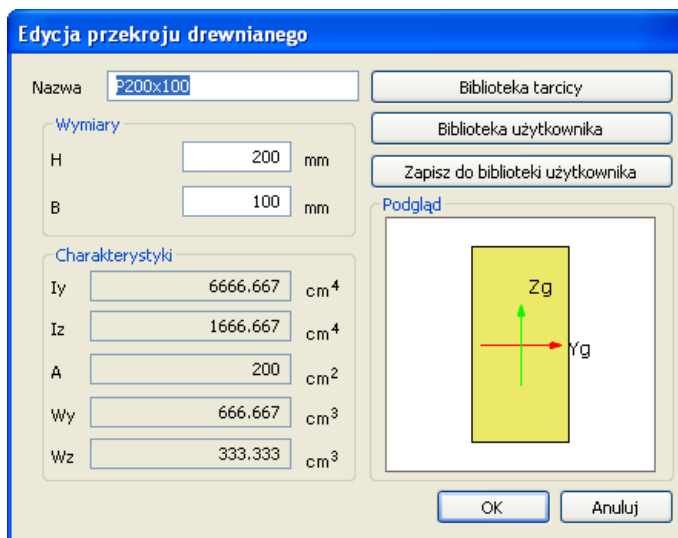
W danych ogólnych wyświetlane są w oknie u góry nieedytowalne pola, podające numery wymiarowanych prętów, tworzących element, oraz całkowita długość elementu. Po lewej stronie okna znajdują się dane dotyczące przekroju elementu, a po prawej gatunku drewna przyjętego do wymiarowania.

Na wstępie należy pamiętać, że zmiana przekroju wymiarowanego pręta w stosunku do przekroju przyjętego w programie statycznym, dla układów statycznie niewyznaczalnych, będzie prowadziła do zmiany wielkości rzeczywistych sił wewnętrznych i przemieszczeń w prętach. Dlatego po wstępnej przymiarce należy ponownie przeliczyć statykę układu zwłaszcza przy znacznej zmianie sztywności pręta. Do tego celu przewidziany jest w programie przycisk *Zapisz zmiany w R3D3* znajdujący się w dole okna jw. Jego wcisnięcie po zmianie przekroju lub gatunku drewna wymiarowanego pręta, spowoduje odpowiednią zmianę w module statycznym. Aktualizacja gatunku drewna będzie wykonywana jedynie w przypadku wyboru normowej klasy drewna, w innym przypadku aktualizowany będzie sam przekrój. W przypadku wymiarowania elementu złożonego zmiana ta będzie dotyczyła wszystkich prętów składających się na element.



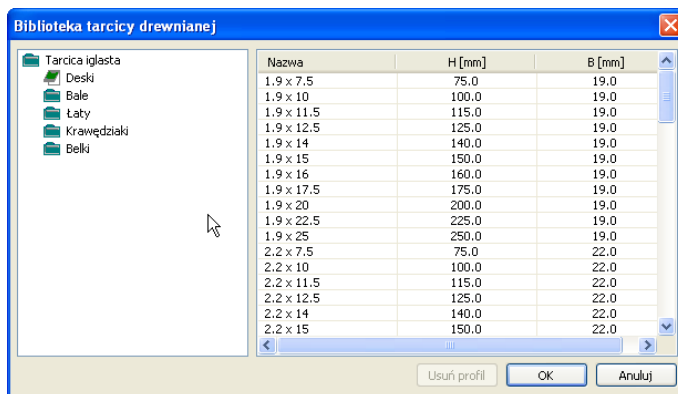
## 2.2 Zmiana przekroju pręta

Naciskając przycisk *Edycja przekroju* wywołujemy okno dialogowe własności geometrycznych pręta.



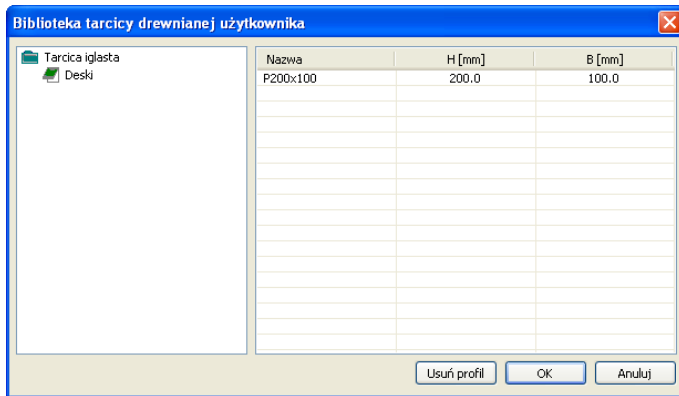
Rysunek 2.2 Okno edycji przekroju drewnianego

Zmianę przekroju pręta można dokonać poprzez nadanie odpowiedniej nazwy i podanie wymiarów przekroju H[mm] i B[mm], zacytowanie odpowiedniego przekroju z *Biblioteki tarcicy* lub *Biblioteki użytkownika*. Charakterystyki przekroju podane w oknie liczone są na bieżąco w układzie osi głównych przekroju.



Rysunek 2.3 Okno Biblioteki tarcicy drewnianej

Zdefiniowany przekrój elementu można również zapisać do biblioteki użytkownika – funkcja *Zapisz do biblioteki użytkownika*. W dolnej części okna pokazane są podstawowe charakterystyki wybranego przekroju. Wcisnąc przycisk *OK* akceptujemy wprowadzone w oknie zmiany. Wcisnięcie *Anuluj* spowoduje pominięcie zmian.



Rysunek 2.4 Okno Biblioteki użytkownika

## 2.3 Wybór gatunku drewna

Z prawej strony okna *Wymiarowanie elementów drewnianych* znajduje się wybór gatunku drewna. Użytkownik powinien wybrać z listy typ drewna – *lite/klejone*, a następnie odpowiednią dla danego typu klasę drewna. Predefiniowane typy i klasy drewna nie podlegają edycji. Natomiast w programie istnieje możliwość zdefiniowania przez użytkownika własnego gatunku drewna i jego klasy, który następnie może być edytowalny. Definicję własnego gatunku drewna wywołujemy przyciskiem *Nowy* w grupie *Gatunek drewna*.

Wytrzymałość charakterystyczna [MPa]		Sprężystość [GPa]		
na zginanie	$(f_{m,k})$	18	Średni moduł spręż. wzdłuż włókien ( $E_{0,mean}$ )	9000
na rozciąganie wzdłuż włókien	$(f_{t,0,k})$	11	5% kwantyl modułu spręż. wzdłuż włókien ( $E_{0,05}$ )	6000
na rozciąganie w poprzek włókien	$(f_{t,90,k})$	0.3	Średni moduł spręż. w poprzek włókien ( $E_{90,mean}$ )	300
na ściskanie wzdłuż włókien	$(f_{c,0,k})$	18	Średni moduł odkształcenia postaciowego ( $G_{mean}$ )	560
na ściskanie w poprzek włókien	$(f_{c,90,k})$	4.8	Gęstość	
na ścinanie	$(f_{v,k})$	2	Wartość charakterystyczna ( $\mu$ )	320 $\frac{kg}{m^3}$
			Wartość średnia ( $\rho_{mean}$ )	380 $\frac{kg}{m^3}$

Rysunek 2.5 Okno definiowania nowej klasy drewna

W oknie *Nowa klasa drewna*, użytkownik musi podać nazwę klasy, wybrać przynależność do typu – *lite/klejone*, oraz zdefiniować wszystkie niezbędne parametry do wymiarowania, jakie określono w oknie powyżej. Wybór zdefiniowanej przez użytkownika klasy, odbywa się w oknie *Wymiarowania elementów drewnianych*, przez wybór na liście klas odpowiedniej nazwy.

## 2.4 Parametry typu elementu

W oknie dialogowym *Wymiarowanie elementów drewnianych* wybieramy z listy *Typ elementu* i przypisujemy je do wymiarowanego pręta. *Typ elementu* – jest to zbiór dodatkowych cech i własności przypisanych do pręta, które będą wpływać na jego wymiarowanie. Może to być typ istniejący wybrany z listy, którego własności można poznać wybierając przycisk *Parametry typu elementu*. Nie można zmienić własności istniejącego typu elementu, można go natomiast usunąć i na jego miejsce zdefiniować nowy typ elementu. Każdy nowy typ elementu musi posiadać swoją unikalną nazwę, po której będzie identyfikowany podczas wymiarowania.

Aby zdefiniować własności nowego typu elementu po wybraniu opcji *Parametry typu elementu* nadajemy nową nazwę typu elementu. Po tej operacji otwarte zostanie nowe okno *Definicja typu pręta*.

Rysunek 2.6 Okno definicji typu pręta do wymiarowania

Pierwszym elementem typu pręta jest jego nazwa. Nadaje ją użytkownik i po niej odbywa się identyfikacja parametrów do wymiarowania przypisanych do liczonego elementu. Kolejnym elementem definicji jest wybór z listy normowej klasy użytkowania elementu. Zgodnie z normą mamy tu trzy możliwości:

*Klasa użytkowania 1* – charakteryzuje się zawartością wilgoci w materiale odpowiadającą temperaturze 20°C i wilgotnością względną otaczającego powietrza przekraczającą 65% tylko przez kilka tygodni w roku (wilgotność drewna iglastego nie przekracza 12%).

*Klasa użytkowania 2* – charakteryzuje się zawartością wilgoci w materiale odpowiadającą temperaturze 20°C i wilgotnością względną otaczającego powietrza przekraczającą 85% tylko przez kilka tygodni w roku (wilgotność drewna iglastego nie przekracza 20%).

*Klasa użytkowania 3* – odpowiada warunkom powodującym wilgotność drewna wyższą niż odpowiadającą klasie użytkowania 2.

Następnymi parametrami, które powinny być zdefiniowane w definicji typu pręta do wymiarowania są współczynniki długości wybocheniowej w płaszczyźnie *XY* i *XZ* układu współrzędnych osi głównych przekroju elementu. Należy tu pamiętać, że zdefiniowanie zerowej wartości współczynnika, eliminuje możliwość wybożenia elementu w danej płaszczyźnie i z założenia ustawia przy wymiarowaniu współczynniki  $k_{c,y}$  i  $k_{c,z}$  na wartość 1.

Kolejnymi współczynnikami, którymi może posłużyć się użytkownik są współczynniki osłabienia przekroju przyjmujące wartości z zakresu  $(0; 1>$ . Domyślnie wartości tych współczynników ustawione są na 1 (brak osłabienia). Parametry te rozdzielone są na poszczególne stany pracy (zginanie, ściskanie, rozciąganie i ścinanie) i służą przy sprawdzaniu nośności, do redukcji wskaźników wytrzymałości lub pola przekroju elementu odpowiednio, dla danego stanu pracy.

Kolejnym elementem jest zdefiniowanie parametrów potrzebnych przy liczeniu stateczności i ugięcia.

Wartości te wybierane są z listy i podawane są osobno dla płaszczyzny  $XY$  i  $XZ$  (w układzie osi głównych przekroju pręta). Jest to schemat statyczny elementu w danej płaszczyźnie (obustronnie podparty lub wspornikowy) i przeważający typ obciążenia w danej płaszczyźnie (ciągłe lub skupione). Dane te przy wymiarowaniu służą z jednej strony do ustalenia długości obliczeniowej elementu przy obliczaniu współczynnika stateczności giętej  $k_{crit}$ , a dodatkowo w przypadku elementów o  $L/H$  lub  $L/B < 20$  pozwalają na uwzględnienie wpływu sił tnących przy liczeniu ugięć według następujących wzorów:

**Uwzględnianie wpływu sił poprzecznych na przemieszczenia dla przekrojów prostokątnych:**

- Dla wspornika z przewagą obciążeń równomiernych ciągłych:

$$k_{scy} = k_{scz} = 1 + 1.07 \left(\frac{h}{l}\right)^2 = 1 + 0.40 \frac{E}{G} \left(\frac{h}{l}\right)^2$$

- Dla wspornika z przewagą obciążeń skupionych:

$$k_{scy} = k_{scz} = 1 + 0.67 \left(\frac{h}{l}\right)^2 = 1 + 0.30 \frac{E}{G} \left(\frac{h}{l}\right)^2$$

- Dla belki z przewagą obciążeń skupionych:

$$k_{scy} = k_{scz} = 1 + 3.20 \left(\frac{h}{l}\right)^2 = 1 + 1.20 \frac{E}{G} \left(\frac{h}{l}\right)^2$$

- Dla belki z przewagą obciążeń równomiernych ciągłych:

$$k_{scy} = k_{scz} = 1 + 19.2 \left(\frac{h}{l}\right)^2 = 1 + 1.20 \frac{E}{G} \left(\frac{h}{l}\right)^2$$

Gdzie wartość  $h$  jest odpowiednio szerokością lub wysokością przekroju, zależnie od kierunku liczenia przemieszczeń.

Powyższe współczynniki służą do zwiększania ugięć wynikłego z wpływu ścinania, osobno dla każdego kierunku przy budowaniu obwiedni ugięcia.

Na dole okna *Definicja typu pręta* umieszczono dwa przełączniki:

*Element zabezpieczony przed utratą stateczności giętej* – jego zaznaczenie powoduje z założenia ustawienie współczynnika przy liczeniu stateczności  $k_{crit} = 1$ .

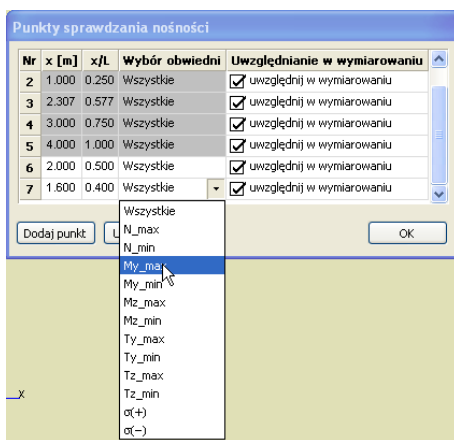
*Przyjęty współczynnik modyfikacyjny* – zaznaczenie tego pola powoduje, że użytkownik sam może określić wartość współczynnika  $k_{mod}$  przez wybór z listy. W innym przypadku zgodnie z poprawką *Az2* do normy *PN-B-03150:2000*, współczynnik  $k_{mod}$  ustalany jest osobno dla każdej obwiedni na podstawie największego oddziaływania na konstrukcję budującego daną obwiednię.

Ostatnim parametrem w oknie jest wartość dopuszczalnego ugięcia wymiarowanego elementu, podana na dole z lewej strony formatki, w postaci stosunku długości elementu  $L$  do dzielnika  $n$  określonego przez projektanta.

## 2.5 Punkty sprawdzania nośności

Program domyślnie sprawdza nośność elementu dla sił wewnętrznych określonych w punktach charakterystycznych (ekstrema sił wewnętrznych, miejsca przyłożenia sił itp.). Współrzędne tych punktów można odczytać w zakładce *Punkty sprawdzania nośności*.

Naciskając ikonę *Dodaj punkt* możemy dodać punkt o dowolnej współrzędnej na długość elementu. Nowy punkt na elemencie definiujemy przez podanie odległości  $x$ [m] lub odległości względnej  $x/L$  z przedziału  $\langle 0,1 \rangle$ . Podświetlając dowolny dodany punkt w tabeli i naciskając ikonę *Usuń punkt* usuwamy dodany punkt z analizy sprawdzania nośności. Usuwanie punktów dotyczy jedynie tych, które zostały wprowadzone przez użytkownika. Zaznaczenie odpowiedniego znacznika dla danego punktu w kolumnie *Uwzględnianie przy wymiarowaniu* powoduje, że punkt ten będzie uwzględniony przy wymiarowaniu elementu.



Rysunek 2.7 Okno wyboru punktów sprawdzania nośności

Domyślnie dla punktu dodanego przez użytkownika wymiarowania wykonywane są z uwzględnieniem wszystkich występujących w tym punkcie obwiedni. Jednak w kolumnie *Wybór obwiedni* użytkownik może zdecydować o wymiarowaniu tylko dla jednej, wybranej obwiedni. Opcja ta dostępna jest jedynie dla punktów wybranych przez użytkownika i pozwala na wymiarowanie w danym punkcie, najgorszego przypadku ze wszystkich dostępnych obwiedni lub dla jednej wybranej przez użytkownika. W przypadku gdy chcemy wykonać sprawdzenie w jednym punkcie ale dla kilku określonych obwiedni, należy kilka razy dodać ten sam punkt i dla każdego z nich wybrać inną obwiednię (nie wybieramy sprawdzenia wszystkich obwiedni w jednym punkcie – gdyż wówczas będą wybrane jedynie sprawdzenia najgorsze). W przypadku gdy dla tego samego punktu, zestawu sił, dla których będą wykonywane sprawdzenia, pokrywają się, program automatycznie usunie zduplowane wyniki sprawdzeń. W przypadku gdy dla tego samego punktu wybranego przez użytkownika ustawione będzie sprawdzenie dla wszystkich obwiedni, a następnie dodany zostanie ten sam punkt z ustawioną jedną wybraną obwiednią – program wykona dla tego punktu jedynie sprawdzenie jak dla wszystkich obwiedni (tylko dla najbardziej niekorzystnych sprawdzeń). W związku z tym nie poleca się jednoczesnego wyboru w tej samej lokalizacji, sprawdzenia wszystkich obwiedni i jednej wybranej (taki wybór może prowadzić do niejednoznaczności wyników).

## 2.6 Wyniki sprawdzania nośności

Wybranie ikony *Sprawdź nośność* wywołuje sprawdzenie nośności elementu dla sił wewnętrznych w wybranych przez użytkownika punktach.

Na szarym tle w oknie jak niżej, wyświetlane są w programie punkty sprawdzania nośności i obwiednie wybrane przez program. Natomiast na białym tle wyświetlane są punkty i obwiednie dołożone przez użytkownika.

**Wyniki sprawdzania nośności**

Wyświetl wartości ekstremalne dla całego elementu   
  Wyświetl wartości ekstremalne dla wszystkich punktów

**Napężenia normalne**

x [m]	Siły wewnętrzne w osiach głównych			Typ sprawdzenia		
	N [kN]	My [kNm]	Mz [kNm]	N	My + Mz	N + My + Mz
<input checked="" type="checkbox"/> 0.000	0.00	2.00	3.85	-	0.714	-
<input checked="" type="checkbox"/> 0.000	<b>6.00</b>	6.94	3.85	-	-	<b>1.045</b>
<input checked="" type="checkbox"/> 0.000	<b>-5.00</b>	6.94	3.85	-	-	<b>1.037</b>
<input checked="" type="checkbox"/> 0.000	0.00	6.94	3.85	-	<b>1.020</b>	-
<input checked="" type="checkbox"/> 1.000	<b>6.00</b>	0.33	-0.55	-	0.090	-
<input checked="" type="checkbox"/> 1.000	<b>6.00</b>	0.33	-0.55	-	-	0.134

**Napężenia styczne**

x [m]	Siły wewnętrzne w osiach głównych			Typ sprawdzenia		
	Ty [kN]	Tz [kN]	Mx [kNm]	V	V + Mx	
<input checked="" type="checkbox"/> 0.000	-5.13	8.07	0.40	0.151	-	-
<input checked="" type="checkbox"/> 0.000	-1.25	2.50	<b>0.40</b>	-	-	0.604
<input checked="" type="checkbox"/> 1.000	-1.69	5.19	0.30	0.049	-	-
<input checked="" type="checkbox"/> 1.000	-0.75	1.50	<b>0.30</b>	-	-	0.446
<input checked="" type="checkbox"/> 1.600	-0.89	3.59	0.24	0.023	-	-
<input checked="" type="checkbox"/> 1.600	-0.45	0.90	<b>0.24</b>	-	-	0.354

Zmień przekrój    Utwórz pełny raport    OK

Rysunek 2.8 Okno sprawdzania nośności

Na górze okna *Wyniki sprawdzania nośności*, użytkownik ma możliwość przełączania się między dwoma trybami:

*Wyświetl wartości ekstremalne dla całego elementu* – ustawienie tego trybu powoduje wyświetlenie tylko sprawdzeń ekstremalnych, niezależnie od listy punktów wybranych przez program i użytkownika (mniejsza ilość sprawdzeń w wynikach).

*Wyświetl wartości ekstremalne dla wszystkich punktów* – opcja ta wyświetla zawsze wszystkie ekstrema sprawdzeń we wszystkich punktach podanych przez program i użytkownika (większa ilość sprawdzeń w wynikach).

Niżej w oknie umieszczone są dwie tabele. Górna tabela prezentuje sprawdzenia odpowiadające naprężeniom normalnym w przekroju, powstałym od sił normalnych i dwóch momentów gnących. Tabela ta budowana jest na podstawie obwiedni sił normalnych, momentów gnących i sprężystych naprężeń normalnych. Kolejno w tabeli podane są: lokalizacja punktu na przęcie, siły wewnętrzne podane w osiach głównych i wzięte w tym punkcie do wymiarowania oraz wartości ekstremalne w poszczególnych typach sprawdzeń. Należy tu pamiętać że np. sprawdzenie w kolumnie N może być sprawdzeniem zarówno na siłę osiową ściskającą jak i rozciągającą i podobnie w pozostałych kolumnach warunek może być uzyskany z różnych typów sprawdzeń.

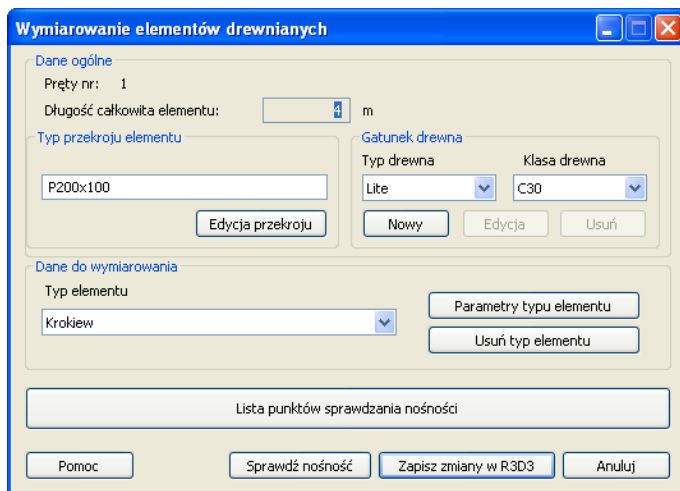
Dolna tabela prezentuje sprawdzenia odpowiadające naprężeniom stycznym w przekroju, powstałym od sił tnących i momentu skręcającego. Tabela ta budowana jest na podstawie obwiedni sił tnących i momentów skręcających. Kolejno w tabeli podane są: lokalizacja punktu na przęcie, siły wewnętrzne w osiach głównych i wzięte w tym punkcie do wymiarowania oraz wartości ekstremalne w poszczególnych typach sprawdzeń.

Wybranie przycisku *Zmień przekrój* wywołuje okno dialogowe *Edycja przekroju* i pozwala zmienić przekrój pręta.

## 2 Sprawdzenie nośności elementów - InterDrewno

Wybór przycisku *Utwórz pełny raport* powoduje wygenerowanie pełnego raportu z przebiegu obliczeń sprawdzania nośności pręta w formacie *RTF*.

Wybranie ikony *OK* powoduje powrót do okna dialogowego *Wymiarowanie elementów drewnianych*.



Rysunek 2.9 Okno główne modułu InterDrewno

Naciskając ikonę *Zapisz zmiany w R3D3* możemy zapisać wprowadzone zmiany przekroju pręta(ów) i typowej klasy drewna w projekcie ramy *R3D3*. Wówczas projekt wymaga ponownego przeliczenia statyki.



## 2.7 Pełny raport wymiarowania

Pełny raport zawiera większość pośrednich wyników potrzebnych do określenia nośności pręta.

Pełny raport jest tworzony tylko dla punktów zaznaczonych w oknie dialogowym *Wyniki sprawdzania nośności*, przez wybór przycisku *Utwórz pełny raport*.

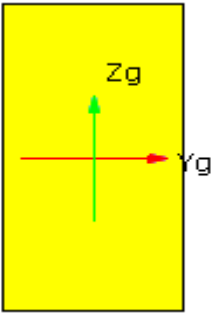
### Przykładowy raport z wymiarowania

#### Raport wymiarowania drewna do programu Rama3D:

#### Uwaga:

Wszystkie obliczenia są wykonywane w osiach głównych. W dalszych oznaczeniach zmiennych w raporcie oś Y oznacza oś główną  $Y_g$ , a oś Z oznacza oś główną  $Z_g$ .

#### Geometria:

	Nazwa profilu:	P200x100	
	Długość pręta:	$L = 4.00$ m	
	Pole przekroju:	$A = 200.00$ cm <sup>2</sup>	
	Momenty bezwładności:	$J_y = 6666.67$ cm <sup>4</sup>	$J_z = 1666.67$ cm <sup>4</sup>
	Wskaźniki wytrzymałości:	$W_y = 666.67$ cm <sup>3</sup>	$W_z = 333.33$ cm <sup>3</sup>
	Momenty bezwładności na skręcanie:	$J_x = 4577.50$ cm <sup>4</sup>	
	Wskaźnik wytrzymałości na skręcanie:	$W_x = 493.38$ cm <sup>3</sup>	
	Promienie bezwładności:	$i_y = 5.77$ cm	$i_z = 2.89$ cm

Rodzaj drewna:	Lite
Klasa drewna:	C30
Wytrzymałość char. na zginanie:	30.000 MPa
Wytrzymałość char. na rozciąganie:	18.000 MPa
Wytrzymałość char. na ściskanie:	23.000 MPa
Wytrzymałość char. na ścinanie:	3.000 MPa
Moduł sprężystości:	12000.000 MPa
5% kwantyl modułu sprężystości	8000.000 MPa
Moduł odkształcenia:	750.000 MPa
Gęstość:	380.000 kg/m <sup>3</sup>

### Dane ogólne

Klasa użytkowania konstrukcji: 1

### Typ elementu:

w płaszczyźnie  $XY$  osi głównych: obustronnie podparty

w płaszczyźnie  $XZ$  osi głównych: obustronnie podparty

### Przeważający typ obciążenia:

w płaszczyźnie  $XY$  osi głównych: ciągłe

w płaszczyźnie  $XZ$  osi głównych: ciągłe

### Graniczne ugięcie elementu:

$$\frac{L}{n} = \frac{400,00}{250,00} = 1,600 [cm]$$

Współczynniki wybożenia:  $\mu_y = 1,00$

Długości wybożeniowe:  $L_{c,y} = \mu_y * L = 1,00 * 4,00 = 4,00 [m]$

### Współczynniki zwiększające wytrzymałości charakterystyczne:

na rozciąganie:  $k_{h,t} = 1,08$

### Element prosty, nr pręta: 1

Punkt nr: 1 na pręcie, położenie: 0.00 m

**Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:**

$$\begin{array}{lll}
 N = 0.00 \text{ kN} & T_y = -5.13 \text{ kN} & T_z = 2.77 \text{ kN} \\
 M_x = 0.40 \text{ kNm} & M_y = 2.22 \text{ kNm} & M_z = \mathbf{3.85 \text{ kNm}}
 \end{array}$$

**Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:**

Nazwa: Zmienne2

Charakter grupy: długotrwały

$$k_{mod} = 0.700$$

**Wytrzymałości obliczeniowe:**

Wytrzymałość obliczeniowa na zginanie:

$$f_{md} = k_{mod} \cdot \frac{f_{mk}}{\gamma_m} = 0.70 \cdot \frac{30.00}{1.30} = 16.154 [\text{MPa}]$$

Naprężenia obliczeniowe na zginanie:

$$\sigma_{m,z,d} = \frac{M_z}{W_z} = \frac{3.85 \cdot 10^3}{333.33 \cdot 10^{-6}} = 11.538 [\text{MPa}]$$

Smukłość sprowadzona przy zginaniu:

$$L_d = w_s \cdot L = 1.00 \cdot 4.00 = 4.000 [\text{m}]$$

$$n = \sqrt{\frac{E_{0mean}}{G_{mean}}} = \sqrt{\frac{12000.00}{750.00}} = 4.000$$

$$\lambda_{rel,m} = \sqrt{\frac{L_d \cdot b \cdot f_{md}}{\left(\pi \cdot h^2 \cdot E_{005}\right)}} \cdot n = \sqrt{\frac{4.00 \cdot 0.10 \cdot 16.15}{\left(3.14 \cdot 0.20^2 \cdot 8000.00\right)}} \cdot 4.00 = 0.160$$

$$k_{crit} = 1.0$$

**Sprawdzenie stateczności giętej przy zginaniu:**

$$\frac{\sigma_{m,d}}{k_{crit} \cdot f_{m,d}} = \frac{11.54}{1.00 \cdot 16.15} = 0.714 < 1$$

**Element prosty, nr pręta:1**

**Punkt nr: 2 na pręcie, położenie: 0.00 m**

**Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:**

$$\begin{array}{lll}
 N = \mathbf{-5.00 \text{ kN}} & T_y = -5.13 \text{ kN} & T_z = 8.34 \text{ kN} \\
 M_x = 0.40 \text{ kNm} & M_y = 7.16 \text{ kNm} & M_z = 3.85 \text{ kNm}
 \end{array}$$

### Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:

Nazwa: Zmiennel

Charakter grupy: średniotrwały

$$k_{mod} = 0.800$$

### Wytrzymałości obliczeniowe:

Wytrzymałość obliczeniowa na zginanie:

$$f_{m,d} = k_{mod} \cdot \frac{f_{mk}}{\gamma_m} = 0.80 \cdot \frac{30.00}{1.30} = 18.462 \text{ [MPa]}$$

Wytrzymałość obliczeniowa na ściskanie wzdłuż włókien:

$$f_{c0d} = k_{mod} \cdot \frac{f_{c0k}}{\gamma_m} = 0.80 \cdot \frac{23.00}{1.30} = 14.154 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na zginanie względem osi Y:

$$\sigma_{m,y,d} = \frac{M_y}{W_y} = \frac{7.16 \cdot 10^{-3}}{666.67 \cdot 10^{-6}} = 10.743 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na zginanie względem osi Z:

$$\sigma_{m,z,d} = \frac{M_z}{W_z} = \frac{3.85 \cdot 10^{-3}}{333.33 \cdot 10^{-6}} = 11.538 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na ściskanie:

$$\sigma_{c,0,d} = \frac{N}{A} = \frac{5.00 \cdot 10^{-3}}{200.00 \cdot 10^{-4}} = 0.250 \text{ [MPa]}$$

Smukłości wyboczeniowe:

$$\lambda_y = \frac{L_{c,y}}{i_y} = \frac{4.00}{57.74 \cdot 10^{-3}} = 69.282$$

Naprężenie krytyczne przy ścisaniu:

$$\sigma_{c,crit,y} = \frac{\pi^2 \cdot E_{0,05}}{\lambda_y^2} = \frac{3.142^2 \cdot 8000.000}{69.282^2} = 16.449 \text{ [MPa]}$$

Współczynnik określający prostoliniowość elem. skręconych:

$$\beta_C = 0.20$$

Smukłość sprowadzona przy zginaniu:

$$\lambda_{rel,y} = \sqrt{\frac{f_{c0k}}{\sigma_{c,crit,y}}} = \sqrt{\frac{23.00}{16.45}} = 1.182$$

$$k_y = 0.5 \cdot \left( 1 + \beta_c \cdot (\lambda_{rel,y}^{-0.5}) + \lambda_{rel,y}^2 \right) = 0.5 \cdot \left( 1 + 0.20 \cdot (1.18 - 0.5) + 1.18^2 \right) = 1.267$$

Współczynniki wybozczeniowe:

$$k_{cy} = \frac{1}{\left( k_y + \sqrt{k_y^2 - \lambda_{rel,y}^2} \right)} = \frac{1}{\left( 1.27 + \sqrt{1.27^2 - 1.18^2} \right)} = 0.580$$

$$k_{cz} = 1.0$$

Ściskanie ze zginaniem:

$$\frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{cy} \cdot f_{c,0,d}} + k_m \cdot \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} + \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} = \frac{0.25}{0.58 \cdot 14.15} + 0.70 \cdot \frac{11.54}{18.46} + \frac{10.74}{18.46} = 1.050 > 1$$

**Warunek przekroczony!!!**

$$\frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{cz} \cdot f_{c,0,d}} + \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} + k_m \cdot \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} = \frac{0.25}{1.00 \cdot 14.15} + \frac{11.54}{18.46} + 0.70 \cdot \frac{10.74}{18.46} = 1.050 > 1$$

**Warunek przekroczony!!!**

Element prosty, nr pręta:1

Punkt nr: 3 na przecię, położenie: 0.00 m

Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:

$$N = 0.00 \text{ kN} \qquad T_y = -5.13 \text{ kN} \qquad T_z = 8.34 \text{ kN}$$

$$M_x = 0.40 \text{ kNm} \qquad M_y = 7.16 \text{ kNm} \qquad M_z = 3.85 \text{ kNm}$$

Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:

Nazwa: Zmienne1

Charakter grupy: średniotrwały

$$k_{mod} = 0.800$$

Wytrzymałości obliczeniowe:

Wytrzymałość obliczeniowa na zginanie:

$$f_{md} = k_{mod} \cdot \frac{f_{mk}}{\gamma_m} = 0.80 \cdot \frac{30.00}{1.30} = 18.462 \text{ [MPa]}$$

## 2 Sprawdzenie nośności elementów - InterDrewno

---

Naprężenia obliczeniowe na zginanie względem osi Y:

$$\sigma_{m,y,d} = \frac{M_y}{W_y} = \frac{7.16 \cdot 10^{-3}}{666.67 \cdot 10^{-6}} = 10.743 [\text{MPa}]$$

Naprężenia obliczeniowe na zginanie względem osi Z:

$$\sigma_{m,z,d} = \frac{M_z}{W_z} = \frac{3.85 \cdot 10^{-3}}{333.33 \cdot 10^{-6}} = 11.538 [\text{MPa}]$$

**Zginanie:**

$$k_m \cdot \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} = 0.70 \cdot \frac{10.74}{18.46} + \frac{11.54}{18.46} = 1.032 > 1$$

**Warunek przekroczony!!!**

$$\frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + k_m \cdot \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} = \frac{10.74}{18.46} + 0.70 \cdot \frac{11.54}{18.46} = 1.019 > 1$$

**Warunek przekroczony!!!**

**Element prosty, nr pręta: 1**

**Punkt nr: 4 na przecie, położenie: 0.00 m**

**Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:**

$$\begin{array}{lll} N = 6.00 \text{ kN} & T_y = -5.13 \text{ kN} & T_z = 8.34 \text{ kN} \\ M_x = 0.40 \text{ kNm} & M_y = 7.16 \text{ kNm} & M_z = 3.85 \text{ kNm} \end{array}$$

**Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:**

Nazwa: Zmienne

Charakter grupy: średniotrwały

$$k_{mod} = 0.800$$

**Wytrzymałości obliczeniowe:**

Wytrzymałość obliczeniowa na zginanie:

$$f_{md} = k_{mod} \cdot \frac{f_{mk}}{\gamma_m} = 0.80 \cdot \frac{30.00}{1.30} = 18.462 [\text{MPa}]$$

Wytrzymałość obliczeniowa na rozciąganie wzdłuż włókien:

$$f_{td} = k_{mod} \cdot k_{ht} \cdot \frac{f_{tk}}{\gamma_m} = 0.80 \cdot 1.08 \cdot \frac{18.00}{1.30} = 12.013 [\text{MPa}]$$

Naprężenia obliczeniowe na rozciąganie:

$$\sigma_{t,0,d} = \frac{N}{A} = \frac{6.00 \cdot 10^3}{200.00 \cdot 10^{-4}} = 0.300 [\text{MPa}]$$

Naprężenia obliczeniowe na zginanie względem osi Y:

$$\sigma_{m,y,d} = \frac{M_y}{W_y} = \frac{7.16 \cdot 10^3}{666.67 \cdot 10^{-6}} = 10.743 [\text{MPa}]$$

Naprężenia obliczeniowe na zginanie względem osi Z:

$$\sigma_{m,z,d} = \frac{M_z}{W_z} = \frac{3.85 \cdot 10^3}{333.33 \cdot 10^{-6}} = 11.538 [\text{MPa}]$$

**Zginanie z rozciąganiem:**

$$\frac{\sigma_{t,0,d}}{f_{t,0,d}} + \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + k_m \cdot \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} = \frac{0.30}{12.01} + \frac{10.74}{18.46} + 0.70 \cdot \frac{11.54}{18.46} = 1.044 > 1$$

**Warunek przekroczony!!!**

$$\frac{\sigma_{t,0,d}}{f_{t,0,d}} + k_m \cdot \frac{\sigma_{m,y,d}}{f_{m,y,d}} + \frac{\sigma_{m,z,d}}{f_{m,z,d}} = \frac{0.30}{12.01} + 0.70 \cdot \frac{10.74}{18.46} + \frac{11.54}{18.46} = 1.057 > 1$$

**Warunek przekroczony!!!**

**Element prosty, nr pręta:1**

**Punkt nr: 5 na przecię, położenie: 4.00 m**

**Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:**

$$N = -5.00 \text{ kN} \qquad T_y = 1.87 \text{ kN} \qquad T_z = -1.67 \text{ kN}$$

$$M_x = 0.00 \text{ kNm} \qquad M_y = 0.00 \text{ kNm} \qquad M_z = 0.00 \text{ kNm}$$

**Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:**

Nazwa: Zmienne2

Charakter grupy: długotrwały

$$k_{mod} = 0.700$$

**Wytrzymałości obliczeniowe:**

Wytrzymałość obliczeniowa na ściskanie wzdłuż włókien:

$$f_{c0,d} = k_{mod} \cdot \frac{f_{c0k}}{\gamma_m} = 0.70 \cdot \frac{23.00}{1.30} = 12.385 [\text{MPa}]$$

## 2 Sprawdzenie nośności elementów - InterDrewno

---

Naprężenia obliczeniowe na ściskanie:

$$\sigma_{c,0,d} = \frac{N}{A} = \frac{5,00 \cdot 10^{-3}}{200,00 \cdot 10^{-4}} = 0,250 [\text{MPa}]$$

Smukłości wyoboczeniowe:

$$\lambda_y = \frac{L_{c,y}}{i_y} = \frac{4,00}{57,74 \cdot 10^{-3}} = 69,282$$

Naprężenie krytyczne przy ściskaniu:

$$\sigma_{c,crit,y} = \frac{\pi^2 \cdot E_{0,05}}{\lambda_y^2} = \frac{3,142^2 \cdot 8000,000}{69,282^2} = 16,449 [\text{MPa}]$$

Współczynnik określający prostoliniowość elem. skręcających:  
Smukłość sprowadzona przy zginaniu:

$$\beta_C = 0,20$$

$$\lambda_{rel,y} = \sqrt{\frac{f_{c0k}}{\sigma_{c,crit,y}}} = \sqrt{\frac{23,00}{16,45}} = 1,182$$

$$k_y = 0,5 \cdot \left( 1 + \beta_C \cdot (\lambda_{rel,y}^{-0,5}) + \lambda_{rel,y}^2 \right) = 0,5 \cdot \left( 1 + 0,20 \cdot (1,18^{-0,5}) + 1,18^2 \right) = 1,267$$

Współczynniki wyoboczeniowe:

$$k_{cy} = \frac{1}{\left( k_y + \sqrt{k_y^2 - \lambda_{rel,y}^2} \right)} = \frac{1}{\left( 1,27 + \sqrt{1,27^2 - 1,18^2} \right)} = 0,580$$

$$k_{cz} = 1,0$$

**Ściskanie:**

$$\frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{cy} \cdot f_{c,0,d}} = \frac{0,25}{0,58 \cdot 12,38} = 0,035 \leq 1$$

$$\frac{\sigma_{c,0,d}}{k_{cz} \cdot f_{c,0,d}} = \frac{0,25}{1,00 \cdot 12,38} = 0,020 \leq 1$$

**Element prosty, nr pręta:1**

**Punkt nr: 6 na pręcie, położenie: 4.00 m**



**Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:**

$$\begin{array}{lll}
 N = 6.00 \text{ kN} & T_y = 1.87 \text{ kN} & T_z = -1.67 \text{ kN} \\
 M_x = 0.00 \text{ kNm} & M_y = 0.00 \text{ kNm} & M_z = 0.00 \text{ kNm}
 \end{array}$$

**Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:**

Nazwa: Zmienne4

Charakter grupy: długotrwały

$$k_{mod} = 0.700$$

**Wytrzymałości obliczeniowe:**

Wytrzymałość obliczeniowa na rozciąganie wzdłuż włókien:

$$f_{t0,d} = k_{mod} \cdot k_{ht} \cdot \frac{f_{t0k}}{\gamma_m} = 0.70 \cdot 1.08 \cdot \frac{18.00}{1.30} = 10.511 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na rozciąganie:

$$\sigma_{t,0,d} = \frac{N}{A} = \frac{6.00 \cdot 10^{-3}}{200.00 \cdot 10^{-4}} = 0.300 \text{ [MPa]}$$

**Rozciąganie:**

$$\frac{\sigma_{t,0,d}}{f_{t,0,d}} = \frac{0.30}{10.51} = 0.029 \leq 1$$

**Element prosty, nr pręta:1**

**Punkt nr: 7 na przecie, położenie: 0.00 m**

**Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:**

$$\begin{array}{lll}
 N = 6.00 \text{ kN} & T_y = -5.13 \text{ kN} & T_z = 8.34 \text{ kN} \\
 M_x = 0.40 \text{ kNm} & M_y = 7.16 \text{ kNm} & M_z = 3.85 \text{ kNm}
 \end{array}$$

**Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:**

Nazwa: Zmienne1

Charakter grupy: średniotrwały

$$k_{mod} = 0.800$$

**Wytrzymałości obliczeniowe:**

Wytrzymałość obliczeniowa na ścinanie:

$$f_{vd} = k_{mod} \cdot \frac{f_{vk}}{\gamma_m} = 0.80 \cdot \frac{3.00}{1.30} = 1.846 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na ścinanie w kierunku osi Y:

$$\tau_{y,d} = 1.5 \cdot \frac{T_y}{A} = 1.5 \cdot \frac{5.13 \cdot 10^{-3}}{200.00 \cdot 10^{-4}} = 0.385 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na ścinanie w kierunku osi Z:

$$\tau_{z,d} = 1.5 \cdot \frac{T_z}{A} = 1.5 \cdot \frac{8.34 \cdot 10^{-3}}{200.00 \cdot 10^{-4}} = 0.626 \text{ [MPa]}$$

**Ścinanie:**

$$\left( \frac{\tau_{zd}}{f_{v,d}} \right)^2 + \left( \frac{\tau_{yd}}{f_{v,d}} \right)^2 = \left( \frac{0.63}{1.85} \right)^2 + \left( \frac{0.38}{1.85} \right)^2 = 0.158 \leq 1$$

**Element prosty, nr pręta: 1**

**Punkt nr: 8 na przęcie, położenie: 0.00 m**

**Wartości sił wewnętrznych w punkcie w układzie osi globalnych:**

$$N = 0.00 \text{ kN}$$

$$T_y = -1.25 \text{ kN}$$

$$T_z = 2.77 \text{ kN}$$

$$M_x = 0.40 \text{ kNm}$$

$$M_y = 2.22 \text{ kNm}$$

$$M_z = 1.00 \text{ kNm}$$

**Grupa obciążeń o największym oddziaływaniu na konstrukcję:**

Nazwa: Stale

Charakter grupy: stały

$$k_{mod} = 0.600$$

**Wytrzymałości obliczeniowe:**

Wytrzymałość obliczeniowa na ścinanie:

$$f_{v,d} = k_{mod} \cdot \frac{f_{vk}}{\gamma_m} = 0.60 \cdot \frac{3.00}{1.30} = 1.385 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na ścinanie w kierunku osi Y:

$$\tau_{y,d} = 1.5 \cdot \frac{T_y}{A} = 1.5 \cdot \frac{1.25 \cdot 10^{-3}}{200.00 \cdot 10^{-4}} = 0.094 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe na ścinanie w kierunku osi Z:

$$\tau_{z,d} = 1.5 \cdot \frac{T_z}{A} = 1.5 \cdot \frac{2.77 \cdot 10^{-3}}{200.00 \cdot 10^{-4}} = 0.208 \text{ [MPa]}$$

Naprężenia obliczeniowe skręcanie:

$$\tau_{tor,d} = \frac{M_x}{W_x} = \frac{0.40 \cdot 10^3}{493.38 \cdot 10^{-6}} = 0.811 \text{ [MPa]}$$

Skręcanie ze ścinaniem:

$$\frac{\tau_{tor}}{f_{v,d}} + \left( \frac{\tau_{max}}{f_{v,d}} \right)^2 = \frac{0.81}{1.38} + \left( \frac{0.21}{1.38} \right)^2 = 0.608 \leq 1$$

**Maksymalne ugięcie elementu:**

Położenie:  $x = 2.25$  [m]

Lista grup obciążeń:

Nazwa grupy obciążeń	$k_{def}$
Ciężar własny	0.60
Stałe	0.60
Zmienne2	0.50
Zmienne1	0.25

$$\begin{aligned} u_y &= \sum u(i)_y \cdot (1 + k_{def}(i)) \\ &= 0.000 \cdot (1 + 0.60) + (-0.346) \cdot (1 + 0.60) + (-0.750) \cdot (1 + 0.50) + 0.000 \cdot (1 + 0.25) \\ &= -1.679 \text{ [cm]} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} u_z &= \sum u(i)_z \cdot (1 + k_{def}(i)) \\ &= (-0.019) \cdot (1 + 0.60) + (-0.173) \cdot (1 + 0.60) + 0.000 \cdot (1 + 0.50) + (-0.494) \cdot (1 + 0.25) \\ &= -0.925 \text{ [cm]} \end{aligned}$$

$$u_{max} = \sqrt{u_y^2 + u_z^2} = \sqrt{(-1.679)^2 + (-0.925)^2} = 1.92 > 1.600 \text{ [cm]}$$

**Warunek przekroczony!!!**

